

01-03 Suites particulières

Définitions

Une suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est **arithmétique** s'il existe un réel r tel que pour tout $n \in \mathbb{N}$ on a :

Le nombre r est de la suite.

Propriétés

Soit une suite arithmétique $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ de raison r .

- Pour tout $n \in \mathbb{N}$ on a $u_n = \dots\dots\dots$
- Pour tout couple $(p, q) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N}$ on a $u_p = \dots\dots\dots$
- Pour tout couple $(p, q) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N}$ tels que $p < q$ on a $u_p + u_{p+1} + \dots + u_q = \dots\dots\dots$

Remarque

« Somme des termes consécutifs d'une suite arithmétique = fois ».

Définitions

Soit une suite $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ de termes

La suite (v_n) est **géométrique** s'il existe un réel q tel que pour tout $n \in \mathbb{N}$ on a :

Le nombre q est de la suite.

Propriétés

Soit une suite géométrique $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ de raison q .

- Pour tout $n \in \mathbb{N}$ on a
- Pour tout couple $(m, n) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N}$ on a
- Si alors pour tout couple d'entiers $(m, n) \in \mathbb{N} \times \mathbb{N}$ tels que $m < n$ on a

Remarques

- « Somme des termes consécutifs d'une suite géométrique = moins divisé par ».
- Certaines suites sont définies à partir de la relation de récurrence $u_{n+1} = au_n + b$ avec a et b réels. Ces suites sont dites et s'étudient au cas par cas.